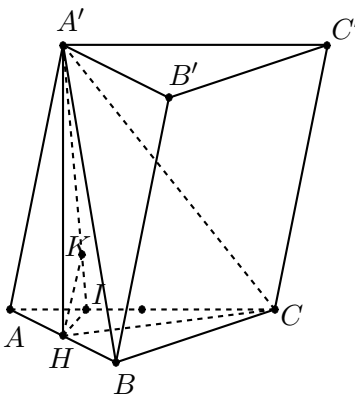
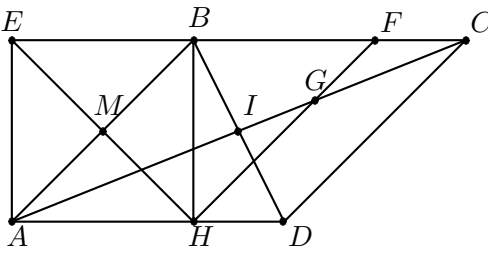


Câu	Đáp án	Điểm																					
1 (2,0đ)	a) (1,0 điểm)																						
	Với $m = 1$, hàm số trở thành: $y = x^3 - 3x + 1$. • Tập xác định: $D = \mathbb{R}$. • Sự biến thiên: - Chiều biến thiên: $y' = 3x^2 - 3$; $y' = 0 \Leftrightarrow x = \pm 1$.	0,25																					
	Các khoảng đồng biến: $(-\infty; -1)$ và $(1; +\infty)$; khoảng nghịch biến: $(-1; 1)$. - Cực trị: Hàm số đạt cực đại tại $x = -1$, $y_{CD} = 3$; đạt cực tiểu tại $x = 1$, $y_{CT} = -1$. - Giới hạn tại vô cực: $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = -\infty$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty$.	0,25																					
	- Bảng biến thiên:	0,25																					
	• Đồ thị:	0,25																					
	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-1</td> <td>1</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>y'</td> <td></td> <td>$+$</td> <td>0</td> <td>$-$</td> <td>0</td> <td>$+$</td> <td></td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>$-\infty$</td> <td></td> <td>3</td> <td></td> <td>-1</td> <td></td> <td>$+\infty$</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$	y'		$+$	0	$-$	0	$+$		y	$-\infty$		3		-1		$+\infty$	
x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$																			
y'		$+$	0	$-$	0	$+$																	
y	$-\infty$		3		-1		$+\infty$																
	b) (1,0 điểm)																						
	Ta có $y' = 3x^2 - 3m$. Đồ thị hàm số (1) có hai điểm cực trị \Leftrightarrow phương trình $y' = 0$ có hai nghiệm phân biệt $\Leftrightarrow m > 0$.	0,25																					
	Tọa độ các điểm cực trị B, C là $B(-\sqrt{m}; 2\sqrt{m^3} + 1)$, $C(\sqrt{m}; -2\sqrt{m^3} + 1)$. Suy ra $\vec{BC} = (2\sqrt{m}; -4\sqrt{m^3})$.	0,25																					
	Gọi I là trung điểm của BC , suy ra $I(0; 1)$. Ta có tam giác ABC cân tại $A \Leftrightarrow \vec{AI} \cdot \vec{BC} = 0$	0,25																					
	$\Leftrightarrow -4\sqrt{m} + 8\sqrt{m^3} = 0 \Leftrightarrow m = 0$ hoặc $m = \frac{1}{2}$. Đối chiếu điều kiện tồn tại cực trị, ta được giá trị m cần tìm là $m = \frac{1}{2}$.	0,25																					

Câu	Đáp án	Điểm
2 (1,0đ)	Phương trình đã cho tương đương với $2 \sin x \cos x - 2\sqrt{2} \cos x + \sqrt{2} \sin x - 2 = 0$.	0,25
	$\Leftrightarrow (\sin x - \sqrt{2})(2 \cos x + \sqrt{2}) = 0$.	0,25
	• $\sin x - \sqrt{2} = 0$: phương trình vô nghiệm.	0,25
	• $2 \cos x + \sqrt{2} = 0 \Leftrightarrow x = \pm \frac{3\pi}{4} + k2\pi (k \in \mathbb{Z})$. Nghiệm của phương trình đã cho là: $x = \pm \frac{3\pi}{4} + k2\pi (k \in \mathbb{Z})$.	0,25
3 (1,0đ)	Ta có $I = \int_1^2 \frac{x^2 + 3x + 1}{x^2 + x} dx = \int_1^2 dx + \int_1^2 \frac{2x + 1}{x^2 + x} dx$.	0,25
	• $\int_1^2 dx = 1$.	0,25
	• $\int_1^2 \frac{2x + 1}{x^2 + x} dx = \ln x^2 + x \Big _1^2$ $= \ln 3$. Do đó $I = 1 + \ln 3$.	0,25
		0,25
4 (1,0đ)	a) Đặt $z = a + bi (a, b \in \mathbb{R})$. Từ giả thiết suy ra $\begin{cases} 5a - 3b = 1 \\ 3a + b = 9 \end{cases}$	0,25
	$\Leftrightarrow a = 2, b = 3$. Do đó môđun của z bằng $\sqrt{13}$.	0,25
	b) Số phần tử của không gian mẫu là: $C_{12}^3 = 220$.	0,25
	Số cách chọn 3 hộp sữa có đủ 3 loại là $5.4.3 = 60$. Do đó xác suất cần tính là $p = \frac{60}{220} = \frac{3}{11}$.	0,25
5 (1,0đ)	Vectơ chỉ phương của d là $\vec{u} = (2; 2; -1)$.	0,25
	Mặt phẳng (P) cần viết phương trình là mặt phẳng qua A và nhận \vec{u} làm vectơ pháp tuyến, nên $(P) : 2(x - 1) + 2(y - 0) - (z + 1) = 0$, nghĩa là $(P) : 2x + 2y - z - 3 = 0$.	0,25
	Gọi H là hình chiếu vuông góc của A trên d , suy ra $H(1 + 2t; -1 + 2t; -t)$.	0,25
	Ta có $H \in (P)$, suy ra $2(1 + 2t) + 2(-1 + 2t) - (-t) - 3 = 0 \Leftrightarrow t = \frac{1}{3}$. Do đó $H\left(\frac{5}{3}; -\frac{1}{3}; -\frac{1}{3}\right)$.	0,25
6 (1,0đ)	Gọi H là trung điểm của AB , suy ra $A'H \perp (ABC)$ và $\widehat{A'CH} = 60^\circ$. Do đó $A'H = CH$. $\tan \widehat{A'CH} = \frac{3a}{2}$.	0,25
	Thể tích khối lăng trụ là $V_{ABC.A'B'C'} = A'H \cdot S_{\Delta ABC} = \frac{3\sqrt{3}a^3}{8}$.	0,25
	Gọi I là hình chiếu vuông góc của H trên AC ; K là hình chiếu vuông góc của H trên $A'I$. Suy ra $HK = d(H, (ACC'A'))$.	0,25
	Ta có $HI = AH \cdot \sin \widehat{IAH} = \frac{\sqrt{3}a}{4}$, $\frac{1}{HK^2} = \frac{1}{HI^2} + \frac{1}{HA^2} = \frac{52}{9a^2}$, suy ra $HK = \frac{3\sqrt{13}a}{26}$. Do đó $d(B, (ACC'A')) = 2d(H, (ACC'A')) = 2HK = \frac{3\sqrt{13}a}{13}$.	0,25



Câu	Đáp án	Điểm
<p>7 (1,0đ)</p>	 <p>Gọi E và F lần lượt là giao điểm của HM và HG với BC. Suy ra $\overrightarrow{HM} = \overrightarrow{ME}$ và $\overrightarrow{HG} = 2\overrightarrow{GF}$, Do đó $E(-6; 1)$ và $F(2; 5)$.</p> <p>Đường thẳng BC đi qua E và nhận \overrightarrow{EF} làm vectơ chỉ phương, nên $BC: x - 2y + 8 = 0$. Đường thẳng BH đi qua H và nhận \overrightarrow{EF} làm vectơ pháp tuyến, nên $BH: 2x + y + 1 = 0$. Tọa độ điểm B thỏa mãn hệ phương trình $\begin{cases} x - 2y + 8 = 0 \\ 2x + y + 1 = 0. \end{cases}$ Suy ra $B(-2; 3)$.</p> <p>Do M là trung điểm của AB nên $A(-4; -3)$. Gọi I là giao điểm của AC và BD, suy ra $\overrightarrow{GA} = 4\overrightarrow{GI}$. Do đó $I(0; \frac{3}{2})$.</p> <p>Do I là trung điểm của đoạn BD, nên $D(2; 0)$.</p>	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>
<p>8 (1,0đ)</p>	$\begin{cases} (1-y)\sqrt{x-y} + x = 2 + (x-y-1)\sqrt{y} & (1) \\ 2y^2 - 3x + 6y + 1 = 2\sqrt{x-2y} - \sqrt{4x-5y-3} & (2). \end{cases}$ <p>Điều kiện: $\begin{cases} y \geq 0 \\ x \geq 2y \\ 4x \geq 5y + 3 \end{cases} (*)$.</p> <p>Ta có (1) $\Leftrightarrow (1-y)(\sqrt{x-y}-1) + (x-y-1)(1-\sqrt{y}) = 0$ $\Leftrightarrow (1-y)(x-y-1)\left(\frac{1}{\sqrt{x-y}+1} + \frac{1}{1+\sqrt{y}}\right) = 0$ (3).</p> <p>Do $\frac{1}{\sqrt{x-y}+1} + \frac{1}{1+\sqrt{y}} > 0$ nên (3) $\Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 \\ y = x - 1. \end{cases}$</p> <ul style="list-style-type: none"> Với $y = 1$, phương trình (2) trở thành $9 - 3x = 0 \Leftrightarrow x = 3$. Với $y = x - 1$, điều kiện (*) trở thành $1 \leq x \leq 2$. Phương trình (2) trở thành $2x^2 - x - 3 = \sqrt{2-x} \Leftrightarrow 2(x^2 - x - 1) + (x - 1 - \sqrt{2-x}) = 0$ $\Leftrightarrow (x^2 - x - 1)\left[2 + \frac{1}{x-1+\sqrt{2-x}}\right] = 0$ $\Leftrightarrow x^2 - x - 1 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$. Đối chiếu điều kiện (*) và kết hợp trường hợp trên, ta được nghiệm $(x; y)$ của hệ đã cho là $(3; 1)$ và $\left(\frac{1+\sqrt{5}}{2}; \frac{-1+\sqrt{5}}{2}\right)$. 	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>
<p>9 (1,0đ)</p>	<p>Ta có $a + b + c \geq 2\sqrt{a(b+c)}$. Suy ra $\sqrt{\frac{a}{b+c}} \geq \frac{2a}{a+b+c}$.</p> <p>Tương tự, $\sqrt{\frac{b}{a+c}} \geq \frac{2b}{a+b+c}$.</p> <p>Do đó $P \geq \frac{2(a+b)}{a+b+c} + \frac{c}{2(a+b)} = \left[\frac{2(a+b)}{a+b+c} + \frac{a+b+c}{2(a+b)}\right] - \frac{1}{2}$ $\geq 2 - \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$.</p> <p>Khi $a = 0, b = c, b > 0$ thì $P = \frac{3}{2}$. Do đó giá trị nhỏ nhất của P là $\frac{3}{2}$.</p>	<p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>

—————Hết—————